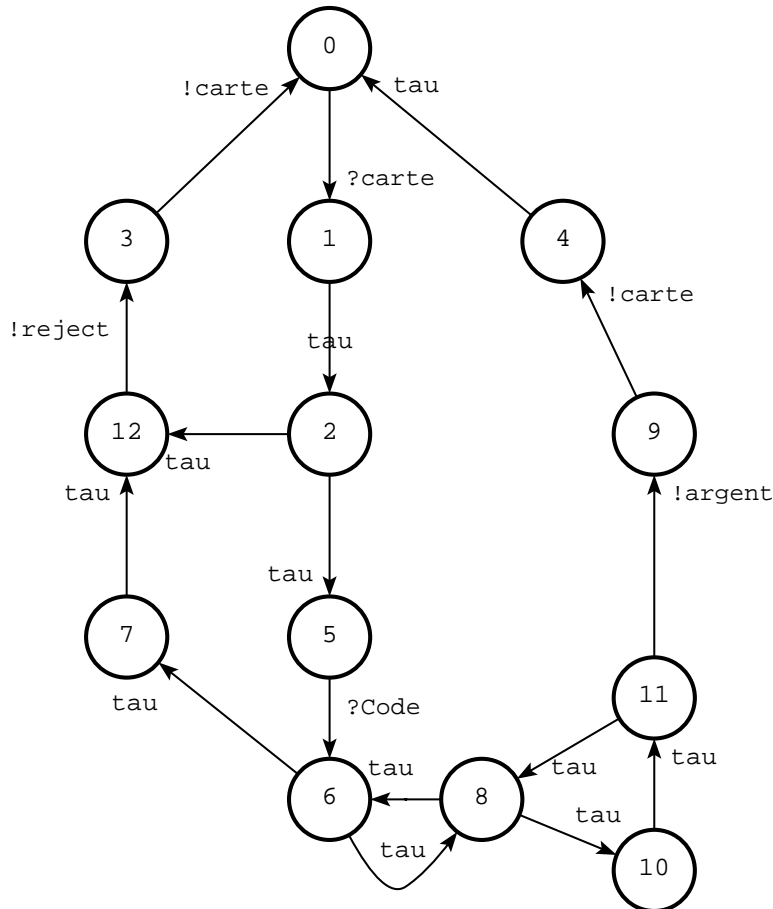


# 1 Equivalence observationnelle faible : Réduction et Quotient (12/20)



On considère le STE ci-contre. Son état initial est 0. Ce STE représente le comportement simplifié d'un distributeur automatique de billets.  $\tau$  est le seul événement inobservable.

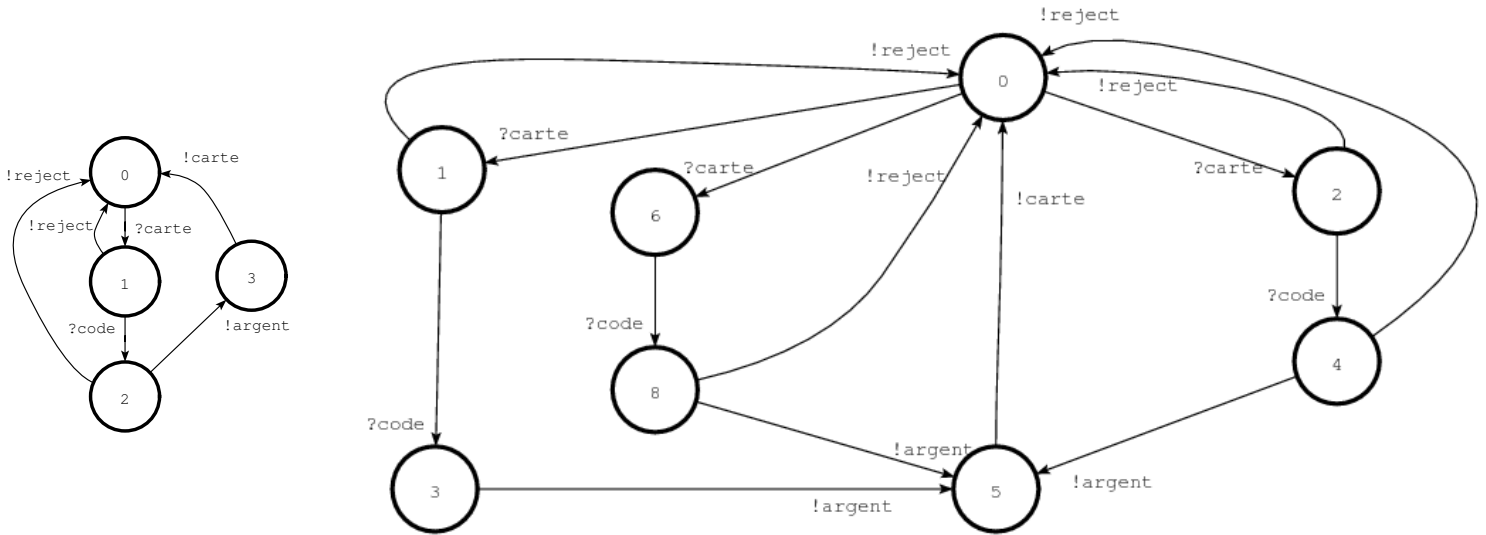
### Questions

Vous justifierez soigneusement les étapes 1), 2) et 3)!

1. Réduisez les  $\tau$ -cycles et les  $\tau$ -chaînes de ce STE.
2. Calculez le système de transitions saturé sur le système réduit
3. Calculez l'équivalence observationnelle à l'ordre 1
4. Donnez le calcul l'équivalence observationnelle
5. Donnez le système de transitions quotient associé.

## 2 Equivalence observationnelle forte : Logique $\mathcal{HML}$ (8/20)

On considère les systèmes de transitions  $S$  et  $S'$  représentés sur la figure ci-dessous.



- Donnez l'ensemble des états de  $S'$  vérifiant les formules  $\mathcal{HML}$  suivantes :
  - $\langle !reject \rangle \text{ True}$
  - $\langle ?code \rangle \langle !argent \rangle \text{ True}$
- Donnez les formules  $\mathcal{HML}$  caractéristiques des états 3 et 5
- Pour deux événements  $e_1$  et  $e_2$ , on associe la formule  $\phi(e_1, e_2) \in \mathcal{HML}$  définie ci-dessous :
 
$$\phi(e_1, e_2) = (\langle e_1 \rangle \text{ True}) \wedge ([e_1] \langle e_2 \rangle \text{ True})$$
  - Donnez une interprétation à cette formule
  - Proposez un couple d'événements  $(a, b)$  tels que  $S, 0 \models \phi(a, b)$  et  $S', 0' \models \phi(a, b)$
  - Proposez un couple d'événements  $(a, b)$  tels que  $S, 0 \models \phi(a, b)$  et  $S', 0' \not\models \phi(a, b)$
  - Que peut-on déduire de la question précédente ?
- Sans justification, donnez l'équivalence observationnelle pour le système  $S'$